

## 高三数学基础夯实8：

### 导数

#### 1. 导数的概念

(1)函数  $y=f(x)$  在  $x=x_0$  处的导数, 即  $f'(x_0)=\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \underline{\hspace{2cm}}$

(2)导数的几何意义: 曲线  $y=f(x)$  上点  $x=x_0$  处的切线方程为  $\underline{\hspace{2cm}}$

#### 2. 导数公式及运算法则

(1)基本初等函数的导数公式

原函数	导函数	原函数	导函数
$f(x)=c(c \text{ 为常数})$		$f(x)=a^x$	
$f(x)=x^n(n \in \mathbf{Q})$		$f(x)=e^x$	
$f(x)=\sin x$		$f(x)=\log_a x$	
$f(x)=\cos x$		$f(x)=\ln x$	

(2)导数的运算法则

①  $[f(x) \pm g(x)]' =$

②  $[f(x) \cdot g(x)]' =$

③  $\left[\frac{f(x)}{g(x)}\right]' =$

3. 奇函数的导数是  $\underline{\hspace{1cm}}$  函数, 偶函数的导数是  $\underline{\hspace{1cm}}$  函数, 周期函数的导数还是  $\underline{\hspace{1cm}}$  函数。

4. 函数  $f(x)$  在区间  $(a, b)$  上递增, 则  $f'(x) \geq 0$ , “ $f'(x) > 0$  在  $(a, b)$  上成立” 是 “ $f(x)$  在  $(a, b)$  上单调递增” 的  $\underline{\hspace{2cm}}$  条件。

5. 对于可导函数  $f(x)$ , “ $f'(x_0)=0$ ” 是 “函数  $f(x)$  在  $x=x_0$  处有极值” 的  $\underline{\hspace{2cm}}$  条件。

6.  $a \geq f(x)$  在  $x \in D$  上恒成立, 则  $a \geq f(x) \underline{\hspace{1cm}}$ ;  $a \leq f(x)$  在  $x \in D$  上恒成立, 则  $a \leq f(x) \underline{\hspace{1cm}}$ 。

$a \geq f(x)$  在  $x \in D$  上能成立, 则  $a \geq f(x) \underline{\hspace{1cm}}$ ;  $a \leq f(x)$  在  $x \in D$  上能成立, 则  $a \leq f(x) \underline{\hspace{1cm}}$ 。

#### 7. 含全称、存在量词不等式恒成立问题的方法

1. 存在  $x_1 \in A$ , 任意  $x_2 \in B$  使  $f(x_1) \geq g(x_2)$  成立, 则  $f(x) \underline{\hspace{1cm}} \geq g(x) \underline{\hspace{1cm}}$ 。

2. 任意  $x_1 \in A$ , 存在  $x_2 \in B$ , 使  $f(x_1) \geq g(x_2)$  成立, 则  $f(x) \underline{\hspace{1cm}} \geq g(x) \underline{\hspace{1cm}}$ 。

3. 任意  $x_1 \in A$ ,  $x_2 \in B$ , 使  $f(x_1) \geq g(x_2)$ , 则  $f(x) \underline{\hspace{1cm}} \geq g(x) \underline{\hspace{1cm}}$ 。

4. 存在  $x_1 \in A$ ,  $x_2 \in B$ , 使  $f(x_1) \leq g(x_2)$ , 则  $f(x) \underline{\hspace{1cm}} \leq g(x) \underline{\hspace{1cm}}$ 。